

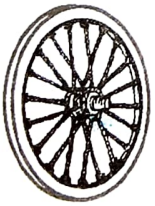
# বৃত্ত সম্বন্ধীয় কালি (Areas Related to Circles)

দ্বাদশ  
অধ্যায়

## 12.1. অৱতাৰণা (Introduction)

ইতিমধ্যে তোমালোকে আগৰ শ্ৰেণীৰপৰা সৰল সামতলিক আকাৰবোৰ যেনে : আয়তক্ষেত্ৰ, বৰ্গক্ষেত্ৰ, সামান্তৰিক, ত্ৰিভুজ আৰু বৃত্তৰ কালি আৰু পৰিসীমা নিৰ্ণয়ৰ কিছুমান পদ্ধতিৰ সৈতে পৰিচিত। আমি আমাৰ দৈনন্দিন জীৱনত পাই অহা বহুতো বস্তুৰ কিবা নহয় কিবা প্ৰকাৰে বৃত্তীয় আকাৰৰ লগত সম্বন্ধ আছে। এনেকুৱা বস্তুবোৰৰ ভিতৰত চাইকেলৰ চকা, খেলাৰ চকা, শেলমাৰা বোর্ড ঘূৰণীয়া কেৰু, পাপৰ, নলাৰ ঢাকোন, বিভিন্ন নক্সা, খাৰু, ব্ৰচ্ পিন, বৃত্তাকাৰ পথ, টিন গজালৰ টুপী, ফুলনি বাগিচাৰ বৃত্তাকাৰ ঠাই আদি কিছুমান উদাহৰণ (চিত্ৰ 12.1 চোৱা)। সেয়েহে, বৃত্তীয় আকাৰবোৰৰ লগত সম্পৰ্ক থকা পৰিসীমা আৰু কালি নিৰ্ণয়ৰ সমস্যা ব্যৱহাৰিক গুৰুত্ব প্ৰধান। এই অধ্যায়ত, এটা বৃত্তৰ পৰিসীমা (পৰিধি) আৰু কালিৰ ধাৰণাবোৰৰ এটি পুনৰ নিৰীক্ষণৰে আমি আমাৰ আলোচনা আৰম্ভ কৰিম আৰু এই জ্ঞান এটা বৃত্তীয় ক্ষেত্ৰৰ (বা চমুকৈ এটা বৃত্তৰ) দুটা বিশেষ অংশ বৃত্তকলা আৰু বৃত্তখণ্ডৰ কালি নিৰ্ণয়ত প্ৰয়োগ কৰিম। আমি এইটোও লক্ষ্য কৰিম যে কেনেকৈ বৃত্ত বা তাৰ খণ্ডবোৰৰ সহায়ত গঠিত সামতলিক আকাৰবোৰৰ গোট কিছুমানৰ কালি কিদৰে নিৰ্ণয় কৰিব পাৰি।

চাইকেলৰ চকা



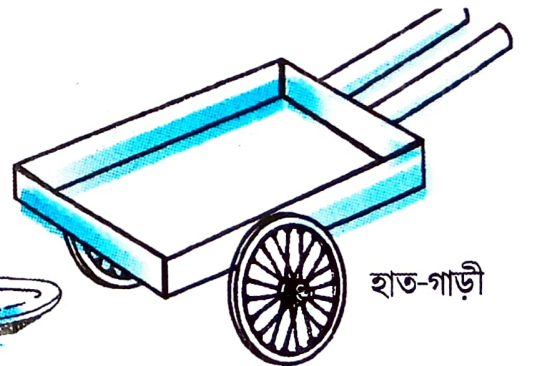
নক্সা



বাহৰ



কেৰু



হাত-গাড়ী

চিত্ৰ 12.1

12.2. বৃত্তৰ পৰিসীমা আৰু কালি— এটি পর্যালোচনা (Perimeter and Area of a Circle — A Review) :

মনত পেলোৱা যে এটা বৃত্তৰ চাৰিওফালে এবাৰ ঘূৰোতে আবৃত হোৱা দূৰত্বই ইয়াৰ পৰিসীমা, যাক সচাৰাচৰ কোৱা হয় ইয়াৰ পৰিধি। তোমালোকে আগৰ শ্ৰেণীবোৰৰপৰা জানা যে এটা বৃত্তৰ পৰিধি ইয়াৰ ব্যাসৰ সৈতে এটা ধ্ৰুৱক অনুপাতত থাকে। এই ধ্ৰুৱক অনুপাতটো গ্ৰীক আখৰ  $\pi$  ('পাই' বুলি পঢ়া) ৰে চিহ্নিত কৰা হয়।

আন কথাত,  $\frac{\text{পৰিধি}}{\text{ব্যাস}} = \pi$

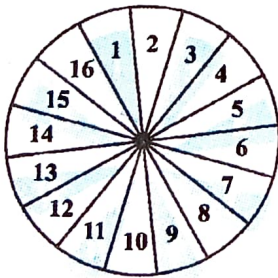
বা, পৰিধি =  $\pi \times$  ব্যাস  
 =  $\pi \times 2r$  (য'ত  $r$  হ'ল বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ)  
 =  $2\pi r$

মহান ভাৰতীয় গণিতজ্ঞ আৰ্য্যভট্টই (খৃষ্টাব্দ 476 – 550)  $\pi$ ৰ এটা আসন্ন মান দিছিল। তেওঁ

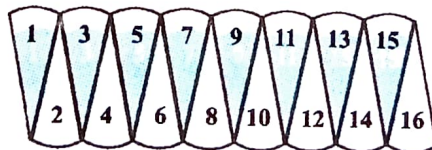
নিৰূপণ কৰিছিল যে  $\pi = \frac{62832}{20000}$ , আৰু ই প্ৰায় 3.1416ৰ সমান। এইটো মন কৰিবলগীয়া যে

ভাৰতৰ মহান, অসাধাৰণ প্ৰতিভা সম্পন্ন গণিতজ্ঞ শ্ৰীনিবাস ৰামানুজন (1887–1920)ৰ এটা অভেদ ব্যৱহাৰ কৰি, গণিতজ্ঞসকলে  $\pi$  ৰ মান দশমিকৰ পিছত নিযুত স্থানলৈ শুদ্ধকৈ গণনা কৰিবলৈ সমৰ্থ হৈছে। নৱম শ্ৰেণীৰ প্ৰথম অধ্যায়ৰপৰা তোমালোকে জানিব পাৰিছা যে  $\pi$  এটা অপৰিমেয় সংখ্যা আৰু ইয়াৰ দশমিক বিস্তাৰ অসমাপ্ত আৰু অপুনৰাবৃত (পৌনঃপুনিক নহয়)। ব্যৱহাৰিক উদ্দেশ্যৰ বাবে, আমি সাধাৰণতে  $\pi$  ৰ মান  $\frac{22}{7}$  বা 3.14 (প্ৰায়) হিচাবে লওঁ।

তোমালোকে এইটোৱো মনত পেলোৱা যে এটা বৃত্তৰ কালি  $\pi r^2$ , য'ত  $r$  হ'ল বৃত্তটোৰ ব্যাসার্ধ। স্মৰণ কৰা যে তোমালোকে সপ্তম শ্ৰেণীত এটা বৃত্তক বৃত্তকলাবোৰলৈ ভাগ ভাগ কৰি ইয়াৰ সত্যাপনো কৰিছিলো আৰু চিত্ৰ 12.2 ত দেখুওৱাৰ দৰে সেইবোৰ পুনৰ সজোৱা।



(i)



(ii)

চিত্ৰ 12.2

তোমালোকে লক্ষ্য কৰিব পাৰা যে চিত্ৰ 12.2 ত থকা আকৃতিটো, দৈৰ্ঘ্য  $\frac{1}{2} \times 2\pi r$  আৰু প্ৰস্থ

$r$  ৰ প্ৰায় এটা আয়তক্ষেত্ৰ। ই দেখুৱায় যে বৃত্তৰ কালি  $= \frac{1}{2} \times 2\pi r \times r = \pi r^2$ . আমি এটা

উদাহৰণৰ দ্বাৰা আগৰ শ্ৰেণীবোৰত শিকা ধাৰণাবোৰ মনত পেলাওঁ আহ।

**উদাহৰণ 1 :** প্ৰতি মিটাৰত 24 টকা হাৰত এখন বৃত্তাকাৰ পথাৰৰ বেৰ দিয়া কামত 5280 টকা খৰচ হয়। পথাৰখন প্ৰতি বৰ্গ মিটাৰত 0.50 টকা হাৰত হাল বাব লাগে। পথাৰখনৰ হাল বোৰা খৰচ নিৰ্ণয় কৰা ( $\pi = \frac{22}{7}$  লোৱা)।

**সমাধান :** বেৰৰ দৈৰ্ঘ্য (মিটাৰত)  $= \frac{\text{মুঠ খৰচ}}{\text{হাৰ}} = \frac{5280}{24} = 220$

সেয়ে, পথাৰখনৰ পৰিধি  $= 220$  মিটাৰ

গতিকে, যদি পথাৰখনৰ ব্যাসার্ধ  $r$  মিটাৰ হয়, তেন্তে

$$2\pi r = 220$$

$$\text{বা, } 2 \times \frac{22}{7} \times r = 220$$

$$\text{বা, } r = \frac{220 \times 7}{2 \times 22} = 35$$

অৰ্থাৎ, পথাৰখনৰ ব্যাসার্ধ 35 মিটাৰ।

গতিকে, পথাৰখনৰ কালি  $= \pi r^2 = \frac{22}{7} \times 35 \times 35$  মিটাৰ<sup>2</sup>

$$= 22 \times 5 \times 35 \text{ মিটাৰ}^2$$

এতিয়া, পথাৰখনৰ 1 মিটাৰ<sup>2</sup> হাল বোৰা খৰচ  $= 0.50$  টকা

$$\begin{aligned} \text{সেয়েহে, পথাৰখনৰ হালবোৰা মুঠ খৰচ} &= 22 \times 5 \times 35 \times 0.50 \text{ টকা} \\ &= 1925 \text{ টকা।} \end{aligned}$$

### অনুশীলনী : 12.1

অন্য ধৰণে দিয়া নাথাকিলে  $\pi = \frac{22}{7}$  লোৱা।

1. দুটা বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ যথাক্ৰমে 19 চে.মি. আৰু 9 চে.মি.। এটা বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ নিৰ্ণয় কৰা যাৰ পৰিধি বৃত্ত দুটাৰ পৰিধিৰ সমষ্টিৰ সমান।



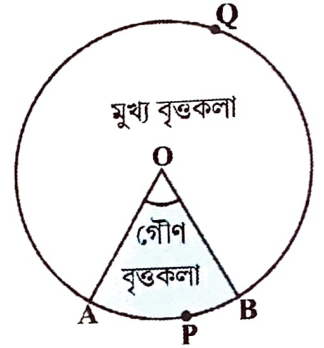
2. দুটা বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ যথাক্রমে 8 চে.মি. আৰু 6 চে.মি.। এটা বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ নিৰ্ণয় কৰা যাৰ কালি বৃত্ত দুটাৰ কালিৰ সমষ্টিৰ সমান।
3. এখন ঘূৰণীয়া আকৃতিৰ ধনু-কাঁড়ৰ লক্ষ্য কেন্দ্ৰৰপৰা বাহিৰলৈ পাঁচটা নম্বৰ পোৱা অংশ ক্রমে সোণালী, বঙা, নীলা, ক'লা আৰু বগা বঙেৰে চিহ্নিত কৰি চিত্ৰ 12.3 ত আঁকি দেখুওৱা হৈছে। সোণালী বঙেৰে নিৰ্দেশ কৰা অঞ্চলটোৰ ব্যাস 21 চে.মি. আৰু বাকী ৰং দিয়া অঞ্চলবোৰৰ প্ৰত্যেকৰে প্ৰস্থ 10.5 চে.মি.। ৰং দিয়া অঞ্চল প্ৰত্যেকৰে কালি নিৰ্ণয় কৰা।
4. এখন গাড়ীৰ চকাবোৰৰ প্ৰত্যেকৰে ব্যাস 80 চে.মি.। যেতিয়া গাড়ীখনে প্ৰতি ঘণ্টাত 66 কি.মি. দ্ৰুতিত গৈ থাকে, প্ৰতিটো চকাই 10 মিনিটত কিমানটা সম্পূৰ্ণ ঘূৰণ কৰে?
5. তলত দিয়াবোৰত শুদ্ধ উত্তৰত চিন দিয়া আৰু তোমাৰ বাছনিৰ যুক্তি দৰ্শোৱাঃ যদি এটা বৃত্তৰ পৰিসীমা আৰু কালি সাংখ্যিকভাৱে সমান হয়, তেন্তে বৃত্তটোৰ ব্যাসার্ধ হ'ল-  
 (A) 2 একক (B)  $\pi$  একক (C) 4 একক (D) 7 একক



চিত্ৰ 12.3

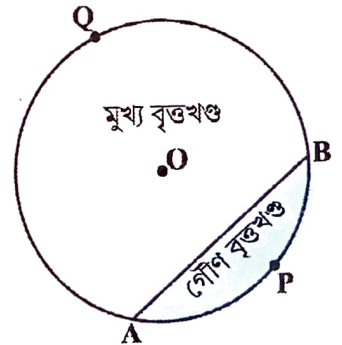
### 12.3. বৃত্তকলা আৰু বৃত্তখণ্ডৰ কালি (Areas of Sector and Segment of a Circle) :

ইতিমধ্যে তোমালোকে আগৰ শ্ৰেণীসমূহত বৃত্তকলা আৰু বৃত্তখণ্ড পদবোৰ পাই আহিছা। মনত পেলোৱা যে দুডাল ব্যাসার্ধ আৰু অনুৰূপ চাপৰ দ্বাৰা আবৃত বৃত্তীয় অঞ্চলৰ খণ্ডটোক (বা অংশটোক) এটা বৃত্তকলা বোলা হয়; এডাল জ্যা আৰু অনুৰূপ চাপৰ মাজৰ বৃত্তীয় অঞ্চলৰ খণ্ডটোক (বা অংশটোক) এটা বৃত্তখণ্ড বোলা হয়। এইদৰে, চিত্ৰ 12.4 ত, OAPB আবৃত অঞ্চল O কেন্দ্ৰযুক্ত বৃত্তটোৰ এটা বৃত্তকলা।  $\angle AOB$  ক বৃত্তকলাৰ কোণ বোলা হয়। লক্ষ্য কৰা যে এই চিত্ৰত, OAQB অনাবৃত অঞ্চলো এটা বৃত্তকলা। স্পষ্টভাৱে, OAPB ক গৌণ বৃত্তকলা বোলা হয় আৰু OAQB ক মুখ্য বৃত্তকলা বোলা হয়। তোমালোকে এইটোও মন কৰা যে মুখ্য বৃত্তকলাৰ কোণ হ'ল  $360^\circ - \angle AOB$ ।



চিত্ৰ 12.4

এতিয়া, চিত্ৰ 12.5 ত লক্ষ্য কৰা য'ত O কেন্দ্ৰ যুক্ত বৃত্তটোৰ AB এডাল জ্যা। সেয়ে, আবৃত অঞ্চল APB বৃত্তটোৰ এটা খণ্ড। তোমালোকে এইটোও মন কৰা যে AB জ্যাৰদ্বাৰা গঠন হোৱা



চিত্ৰ 12.5

অনাবৃত অঞ্চল AQB বৃত্তটোৰ আন এটা খণ্ড। স্পষ্টভাৱে APB ক গৌণ বৃত্তখণ্ড আৰু AQB মুখ্য বৃত্তখণ্ড বোলা হয়।

**মন্তব্য :** যেতিয়া আমি 'বৃত্তখণ্ড' আৰু 'বৃত্তকলা' লিখোঁ, অন্যধৰণে নিৰূপিত নোহোৱা পৰ্য্যন্ত, আমি যথাক্রমে বুজিম 'গৌণ বৃত্তখণ্ড' আৰু 'গৌণ বৃত্তকলা'।

এতিয়া এই জ্ঞানৰদ্বাৰা, সেইবোৰৰ কালি গণনা কৰিবলৈ আমি কিছুমান সম্বন্ধ (বা সূত্র) নিৰ্ণয় কৰাৰ চেষ্টা কৰোঁ আহা।

ধৰা কেন্দ্ৰ O আৰু ব্যাসার্ধ  $r$  যুক্ত এটা বৃত্তৰ OAPB এটা বৃত্তকলা (চিত্র 12.6 চোৱা)। ধৰা  $\angle AOB$  ৰ ডিগ্রী মাপ  $\theta$ ।

তোমালোকে জানা যে এটা বৃত্তৰ কালি (আচলতে এটা বৃত্তাকাৰ অঞ্চলৰ বা চক্ৰাকাৰৰ) হ'ল  $\pi r^2$ ।

এই ধৰণে, O কেন্দ্ৰত  $360^\circ$  (অৰ্থাৎ ডিগ্রী মাপত 360) ৰ কোণ এটা উৎপন্ন কৰা এই বৃত্তীয় অঞ্চলটোক এটা বৃত্তকলা বুলি আমি বিবেচনা কৰিব পাৰোঁ। এতিয়া ঐকিক নিয়ম প্ৰয়োগ কৰি, আমি OAPB বৃত্তকলাটোৰ কালি নিম্নোক্ত ধৰণে পাব পাৰোঁ :

যেতিয়া কেন্দ্ৰত কোণটোৰ ডিগ্রীমাপ 360, বৃত্তকলাটোৰ কালি =  $\pi r^2$

সেয়ে, যেতিয়া কেন্দ্ৰত কোণটোৰ ডিগ্রীমাপ 1, বৃত্তকলাটোৰ কালি =  $\frac{\pi r^2}{360}$ ।

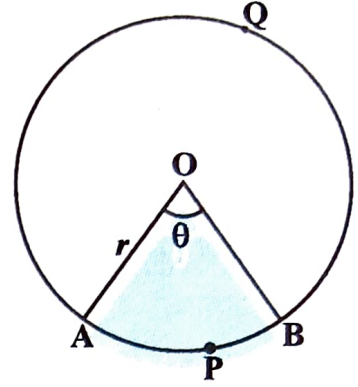
গতিকে, যেতিয়া কেন্দ্ৰত কোণটোৰ ডিগ্রীমাপ  $\theta$ , বৃত্তকলাটোৰ কালি =  $\frac{\pi r^2}{360} \times \theta$   
 $= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$ ।

এইদৰে, এটা বৃত্তৰ এটা বৃত্তখণ্ডৰ কালিৰ বাবে আমি নিম্নোক্ত সম্বন্ধ (বা সূত্র) পাওঁ :

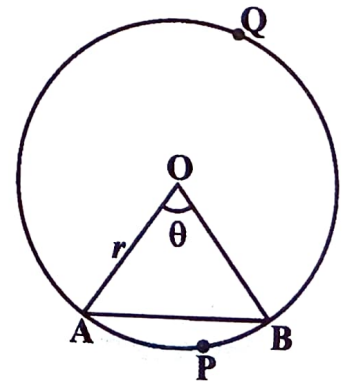
কোণ  $\theta$  ৰ বৃত্তকলাটোৰ কালি =  $\frac{\theta}{360} \times \pi r^2$

য'ত  $r$  হ'ল বৃত্তটোৰ ব্যাসার্ধ আৰু  $\theta$  হ'ল ডিগ্রী মাপত বৃত্তকলাটোৰ কোণ।

এতিয়া স্বাভাৱিকতে এটা প্ৰশ্নৰ উদয় হয়— আমি এই বৃত্তকলাটো অনুযায়ী APB চাপটোৰ দৈৰ্ঘ্য নিৰ্ণয় কৰিব পাৰোঁনে? হয় পাৰোঁ। আকৌ, ঐকিক নিয়ম প্ৰয়োগ কৰি আৰু বৃত্তটোৰ ( $360^\circ$  কোণৰ) সম্পূৰ্ণ দৈৰ্ঘ্য  $2\pi r$  হিচাবে ধৰি, আমি APB চাপটোৰ নিৰ্ণয় দৈৰ্ঘ্য  $\frac{\theta}{360} \times 2\pi r$  হিচাপে পাব পাৰোঁ।



চিত্র 12.6



চিত্র 12.7

সেয়েহে,  $\theta$  কোণৰ এটা বৃত্তকলাৰ এটা চাপৰ দৈৰ্ঘ্য  $= \frac{\theta}{360} \times 2\pi r$

এতিয়া আমি কেন্দ্ৰ  $O$  আৰু ব্যাসার্ধ  $r$  যুক্ত এটা বৃত্তৰ  $APB$  বৃত্তখণ্ডটোৰ কালিৰ কথাটো লওঁহক। তোমালোকে লক্ষ্য কৰা যে :

$$\begin{aligned} \text{APB বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি} &= \text{OAPB বৃত্তকলাটোৰ কালি} - \Delta OAB \text{ৰ কালি} \\ &= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 - \Delta OAB \text{ৰ কালি} \end{aligned}$$

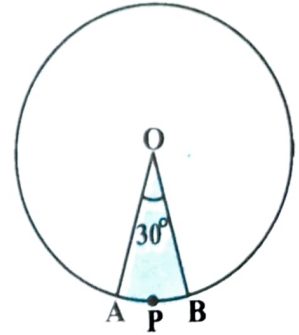
টোকা : চিত্ৰ 12.6 আৰু চিত্ৰ 12.7 ৰ পৰা যথাক্ৰমে, তোমালোকে পৰ্য্যবেক্ষণকৰিব পাৰা যেঃ  
মুখ্য বৃত্তকলা  $OAQB$  ৰ কালি  $= \pi r^2$  - গৌণ বৃত্তকলা  $OAPB$  ৰ কালি আৰু মুখ্যবৃত্তখণ্ড  $AQB$  ৰ কালি  $= \pi r^2$  - গৌণ বৃত্তখণ্ড  $APB$  ৰ কালি।

এতিয়া আমি এই ধাৰণাবোৰ (বা সিদ্ধান্তবোৰ) বোধগম্য হ'বলৈ কিছুমান উদাহৰণ লওঁহক।

**উদাহৰণ 1 :** 4 চে.মি. ব্যাসার্ধ্যুক্ত আৰু  $30^\circ$  কোণৰ এটা বৃত্তৰ বৃত্তকলাটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।  
লগতে, অনুৰূপ মুখ্য বৃত্তকলাটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )।

**সমাধান :** দিয়া আছে, বৃত্তকলা  $OAPB$  (চিত্ৰ 12.8 চোৱা)।

$$\begin{aligned} \text{বৃত্তকলাটোৰ কালি} &= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 \\ &= \frac{30}{360} \times 3.14 \times 4 \times 4 \text{ চে.মি.}^2 \\ &= \frac{12.56}{3} \text{ চে.মি.}^2 \\ &= 4.19 \text{ চে.মি.}^2 \quad (\text{প্ৰায়}) \end{aligned}$$



চিত্ৰ 12.8

$$\begin{aligned} \text{অনুৰূপ মুখ্য বৃত্তকলাটোৰ কালি} &= \pi r^2 - \text{বৃত্তকলা OAPB ৰ কালি} \\ &= (3.14 \times 16 - 4.19) \text{ চে.মি.}^2 \\ &= 46.05 \text{ চে.মি.}^2 \\ &= 46.1 \text{ চে.মি.}^2 \quad (\text{প্ৰায়}) \end{aligned}$$

বিকল্পভাৱে,

$$\begin{aligned} \text{মুখ্য বৃত্তকলাটোৰ কালি} &= \frac{(360 - \theta)}{360} \times \pi r^2 \\ &= \left( \frac{360 - 30}{360} \right) \times 3.14 \times 16 \text{ চে.মি.}^2 \end{aligned}$$

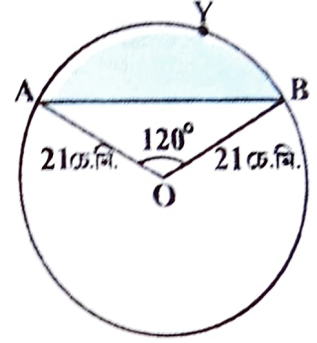


$$= \frac{330}{360} \times 3.14 \times 16 \text{ চে.মি.}^2$$

$$= 46.05 \text{ চে.মি.}^2$$

$$= 46.1 \text{ চে.মি.}^2 \text{ (প্রায়)}$$

**উদাহৰণ 3 :** যদি বৃত্তটোৰ ব্যাসার্ধ 21 চে.মি. আৰু  $\angle AOB = 120^\circ$ , চিত্ৰ 12.9 ত দেখুওৱা  $AYB$  বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = \frac{22}{7}$ )



চিত্ৰ 12.9

**সমাধান :**  $AYB$  বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি = বৃত্তকলা  $OAYB$  ৰ কালি -  $\Delta OAB$  ৰ কালি ..... (1)

এতিয়া,  $OAYB$  বৃত্তকলাটোৰ কালি

$$= \frac{120}{360} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21 \text{ চে.মি.}^2$$

$$= 462 \text{ চে.মি.}^2 \text{ ..... (2)}$$

$\Delta OAB$  ৰ কালি উলিওৱাৰ বাবে, চিত্ৰ 12.10 ত দেখুওৱাৰ দৰে  $OM \perp AB$  আঁকা। লক্ষ্য কৰা যে  $OA = OB$ ।

গতিকে, RHS সৰ্বাংগসমতাৰ দ্বাৰা,  $\Delta AMO \cong \Delta BMO$ ।

সেয়েহে,  $M$ ,  $AB$  ৰ মধ্যবিন্দু আৰু  $\angle AOM = \angle BOM = \frac{1}{2} \times 120^\circ = 60^\circ$ ।

ধৰা,  $OM = x$  চে.মি.

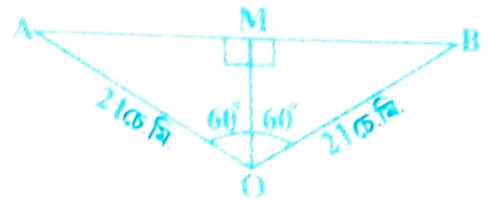
সেয়েহে,  $\Delta OMA$  ৰ পৰা,  $\frac{OM}{OA} = \cos 60^\circ$

$$\text{বা, } \frac{x}{21} = \frac{1}{2} \quad \left( \because \cos 60^\circ = \frac{1}{2} \right)$$

$$\Rightarrow x = \frac{21}{2}$$

সেয়েহে,  $OM = \frac{21}{2}$  চে.মি.

আকৌ,  $\frac{AM}{OA} = \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$



চিত্ৰ 12.10

$$\text{সেয়েহে, } AM = \frac{21\sqrt{3}}{2} \text{ চে.মি.}$$

$$\text{গতিকে, } AB = 2 AM = \frac{2 \times 21\sqrt{3}}{2} \text{ চে.মি.} = 21\sqrt{3} \text{ চে.মি.}$$

$$\begin{aligned} \text{সেয়েহে, } \Delta OAB \text{ৰ কালি} &= \frac{1}{2} AB \times OM \\ &= \frac{1}{2} \times 21\sqrt{3} \times \frac{21}{2} \text{ চে.মি.}^2 \\ &= \frac{441}{4} \sqrt{3} \text{ চে.মি.}^2 \quad \dots (3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{গতিকে, } AYB \text{ বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি} &= \left( 462 - \frac{441}{4} \sqrt{3} \right) \text{ চে.মি.}^2 \text{ [(1),(2) আৰু (3)ৰ পৰা]} \\ &= \frac{21}{4} (88 - 21\sqrt{3}) \text{ চে.মি.}^2 \end{aligned}$$

### অনুশীলনী : 12.2

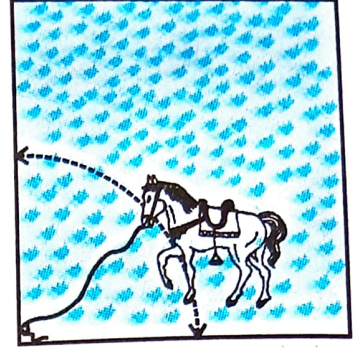
অন্যধৰণে দিয়া নাথাকিলে  $\pi = \frac{22}{7}$  ল'বা।

- 6 চে.মি. ব্যাসার্ধ্যুক্ত এটা বৃত্তৰ এটা বৃত্তকলাৰ কালি নির্ণয় কৰা, যদি বৃত্তকলাটোৰ কোণ  $60^\circ$  হয়।
- 22 চে.মি. পৰিধিযুক্ত এটা বৃত্তৰ এটা চোকৰ কালি নির্ণয় কৰা।
- এটা ঘড়ীৰ মিনিটৰ কাঁটাডালৰ দৈৰ্ঘ্য 14 চে.মি.। 5 মিনিটত ঘড়ীৰ কাঁটাডালৰ দ্বাৰা ঘূৰণৰ কালি নির্ণয় কৰা।
- 10 চে.মি. ব্যাসার্ধৰ এটা বৃত্তৰ এডাল জ্যাই কেন্দ্ৰত এটা সমকোণ কৰে। অনুৰূপ (i) গৌণ বৃত্তখণ্ড (ii) মুখ্য বৃত্তকলাৰ কালি নির্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )
- 21 চে.মি., ব্যাসার্ধৰ এটা বৃত্তত, এটা চাপে কেন্দ্ৰত এটা  $60^\circ$  ৰ কোণ কৰে। নির্ণয় কৰাঃ  
 (i) চাপটোৰ দৈৰ্ঘ্য  
 (ii) চাপটোৰ দ্বাৰা গঠন হোৱা বৃত্তকলাটোৰ কালি  
 (iii) অনুৰূপ জ্যাডালৰ দ্বাৰা গঠন হোৱা বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি।
- 15 চে.মি. ব্যাসার্ধৰ এটা বৃত্তৰ এডাল জ্যাই কেন্দ্ৰত এটা  $60^\circ$  ৰ কোণ কৰে। বৃত্তটোৰ অনুৰূপ গৌণ আৰু মুখ্য বৃত্তখণ্ডবোৰৰ কালি নির্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$  আৰু  $\sqrt{3} = 1.73$ )



7. 12 চে.মি. ব্যাসাৰ্দ্ধৰ এটা বৃত্তৰ এডাল জ্যাই কেন্দ্ৰত এটা  $120^\circ$  ৰ কোণ কৰে। বৃত্তটোৰ অনুৰূপ বৃত্তখণ্ডটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$  আৰু  $\sqrt{3} = 1.73$ )

8. 15 মিটাৰ বাহুৰ এখন বৰ্গক্ষেত্ৰাকাৰ ঘাঁহনি পথাৰৰ এটা চুকত এটা খুঁটিত 5 মিটাৰ দীঘল বহীৰে এটা ঘোঁৰা বান্ধি থোৱা হৈছে। (চিত্ৰ 12.11)

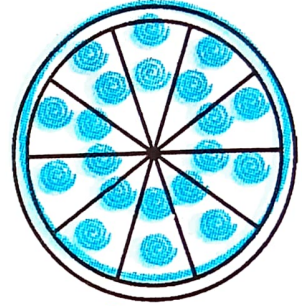


চিত্ৰ 12.11

(i) ঘোঁৰাটো য'ত চৰিব পাৰে পথাৰ খনৰ সেই অংশটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

(ii) যদি বহীডাল 5 মিটাৰৰ সলনি 10 মিটাৰ দীঘল হয়, চৰণীয়া অঞ্চলটোৰ বৃদ্ধি নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )

9. 35 মি.মি. ব্যাসযুক্ত এটা বৃত্তৰ আকাৰৰ এটা ব্ৰোচপিন ৰূপৰ তাঁৰেৰে তৈয়াৰ কৰা হৈছে। আকৌ, তাঁৰডাল 5 ডাল ব্যাস হোৱাকৈ ব্যৱহাৰ কৰা হৈছে আৰু চিত্ৰ 12.12ত দেখুওৱাৰ দৰে এই ব্যাসবোৰে বৃত্তটোক 10 টা সমান বৃত্তকলাত ভাগ কৰিছে।



চিত্ৰ 12.12

(i) প্ৰয়োজন হোৱা ৰূপৰ তাঁৰৰ মুঠ দৈৰ্ঘ্য নিৰ্ণয় কৰা।

(ii) ব্ৰোচপিনটোৰ প্ৰতিটো বৃত্তকলাৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

10. এটা ছাতিৰ সমান ব্যৱধানত থকাকৈ 8 ডাল ৰিব্ আছে (চিত্ৰ 12.13 চোৱা)। ছাতিটোক 45 চে.মি. ব্যাসাৰ্দ্ধৰ এটা সমান বৃত্ত হ'ব বুলি ধৰি লৈ, ছাতিটোৰ দুটা ক্ৰমিক ৰিবৰ মাজৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

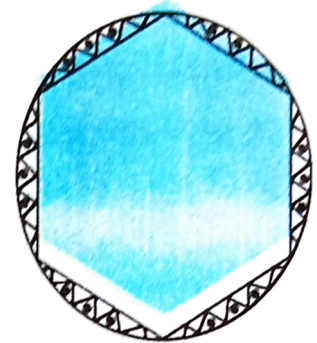


চিত্ৰ 12.13

11. এখন গাড়ীৰ ওপৰাউপৰিকৈ লাগি নথকাকৈ দুডাল ৱাইপাৰ (Wiper) আছে।  $115^\circ$  ৰ এটা কোণৰে ঘূৰি থকা প্ৰতিডাল ৱাইপাৰৰ 25 চে.মি. দৈৰ্ঘ্যৰ এখন ব্লড আছে। ব্লডবোৰৰ প্ৰতিটো ঘূৰণত পৰিষ্কাৰ হোৱা মুঠ অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

12. পানীৰ তলত থকা শিলবোৰৰ বাবে জাহাজবোৰক সতৰ্ক কৰি দিবলৈ, এটা লাইটহাউচে ৰঙা বৰণীয়া পোহৰ 16.5 কি.মি. দূৰত্বলৈ  $80^\circ$  কোণৰ এটা বৃত্তকলাৰ ওপৰত বিয়পায়। সাগৰৰ যি অঞ্চলৰ ওপৰত জাহাজবোৰ সতৰ্ক কৰি দিয়া হয় সেই অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )।

13. চিত্র 12.14 ত দেখুওৱাৰ দৰে এখন ঘূৰণীয়া টেবুল কভাৰৰ ছয়টা সমান নক্সা আছে। যদি কভাৰটোৰ ব্যাসার্ধ 28 চে.মি. হয়, তেন্তে প্ৰতি চে.মি.<sup>2</sup>ত 0.35 টকা হাৰত নক্সাবোৰ তৈয়াৰ কৰাৰ খৰচ নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\sqrt{3} = 1.7$ )



চিত্র 12.14

14. শুদ্ধ উত্তৰত চিন দিয়া :

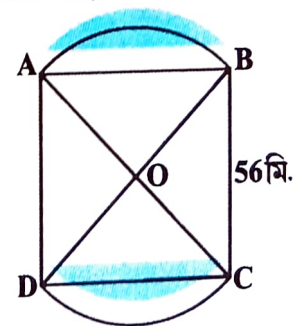
R ব্যাসার্ধ যুক্ত এটা বৃত্তৰ p (ডিগ্ৰীত) কোণৰ এটা বৃত্তকলাৰ কালি হ'ল—

(A)  $\frac{P}{180} \times 2\pi R$       (B)  $\frac{P}{180} \times \pi R^2$       (C)  $\frac{P}{360} \times 2\pi R$       (D)  $\frac{P}{720} \times 2\pi R^2$

### 12.4. সামতলিক আকাৰবোৰৰ গোটসমূহৰ কালি (Areas of Combinations of Plane Figures) :

এতিয়ালৈকে আমি বিভিন্ন আকাৰবোৰৰ কালি পৃথকভাবে নিৰ্ণয় কৰিছো। এতিয়া আমি সামতলিক আকাৰবোৰৰ গোটসমূহৰ কালি উলিয়াবলৈ চেষ্টা কৰোঁহক। আমি আমাৰ দৈনন্দিন জীৱনত আকাৰবোৰ এনেধৰণে আৰু লগতে বিভিন্ন আমোদজনক নক্সাবোৰৰ আকাৰতো পাই আহিছোঁ। এনেকুৱা উদাহৰণবোৰৰ কিছুমান হ'ল ফুলনি বাগিছাৰ বৃত্তাকাৰ ঠাই, নলাৰ ঢাকন, খিৰিকীৰ নক্সা, টেবুল কভাৰৰ নক্সা। আমি কিছুমান উদাহৰণৰ জৰিয়তে এই আকাৰবোৰৰ কালি নিৰ্ণয় কৰাৰ পদ্ধতি বৰ্ণনা কৰোঁ।

**উদাহৰণ 4 :** চিত্র 12.15ত, 56 মিটাৰ বাহুৰ এডোখৰ বৰ্গাকাৰ, ঘাঁহ থকা মুকলি ঠাই ABCD ৰ দুয়োফালত দুডোখৰ বৃত্তীয় ফুলনি; দেখুওৱা হৈছে। যদি বৰ্গাকাৰ ঘাঁহ থকা মুকলি ঠাইখনৰ কৰ্ণবোৰৰ ছেদ বিন্দু O য়েই প্ৰতি ডোখৰ বৃত্তীয় ফুলনিৰ কেন্দ্ৰ হয়, তেন্তে ঘাঁহ থকা মুকলি ঠাইখন আৰু ফুলনিৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



চিত্র 12.15

**সমাধান :** ঘাঁহ থকা মুকলি ঠাই ABCD ৰ কালি =  $56^2$  মিটাৰ<sup>2</sup>  
 =  $56 \times 56$  মিটাৰ<sup>2</sup> ..... (1)

ধৰা OA = OB = x মিটাৰ

$$\text{সেয়েহে, } x^2 + x^2 = 56^2$$

$$\text{বা, } 2x^2 = 56 \times 56$$

$$\text{বা, } x^2 = 28 \times 56 \quad \dots (2)$$

$$\begin{aligned} \text{এতিয়া, বৃত্তকলা OAB ৰ কালি} &= \frac{90}{360} \times \pi x^2 = \frac{1}{4} \times \pi x^2 \\ &= \frac{1}{4} \times \frac{22}{7} \times 28 \times 56 \text{ মিটাৰ}^2 \quad [(2) \text{ ৰ পৰা}] \quad \dots (3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{আকৌ, } \Delta OAB \text{ ৰ কালি} &= \frac{1}{4} \times 56^2 \text{ মিটাৰ}^2 \\ &= \frac{1}{4} \times 56 \times 56 \text{ মিটাৰ}^2 \quad (\angle AOB = 90^\circ) \quad \dots (4) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{সেয়েহে, ফুলনি AB ৰ কালি} &= \left( \frac{1}{4} \times \frac{22}{7} \times 28 \times 56 - \frac{1}{4} \times 56 \times 56 \right) \text{ মিটাৰ}^2 \\ & \quad \quad \quad [(3) \text{ আৰু } (4) \text{ ৰ পৰা}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \left( \frac{22}{7} - 2 \right) \text{ মিটাৰ}^2 \\ &= \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \times \frac{8}{7} \text{ মিটাৰ}^2 \quad \dots (5) \end{aligned}$$

$$\text{সেইদৰে, আনখন ফুলনিৰ কালি} = \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \times \frac{8}{7} \text{ মিটাৰ}^2 \quad \dots (6)$$

$$\begin{aligned} \text{গতিকে, মুঠ কালি} &= \left( 56 \times 56 + \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \times \frac{8}{7} + \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \times \frac{8}{7} \right) \text{ মিটাৰ}^2 \\ &= 28 \times 56 \left( 2 + \frac{2}{7} + \frac{2}{7} \right) \text{ মিটাৰ}^2 \quad [(1), (5) \text{ আৰু } (6) \text{ ৰ পৰা}] \\ &= 28 \times 56 \times \frac{18}{7} \text{ মিটাৰ}^2 \\ &= 4032 \text{ মিটাৰ}^2 \end{aligned}$$

**বিকল্প সমাধান :**

$$\begin{aligned} \text{মুঠকালি} &= \text{বৃত্তকলা OAB ৰ কালি} + \text{বৃত্তকলা ODC ৰ কালি} \\ &+ \Delta OAD \text{ ৰ কালি} + \Delta OBC \text{ ৰ কালি} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
&= \left( \frac{90}{360} \times \frac{22}{7} \times 28 \times 56 + \frac{90}{360} \times \frac{22}{7} \times 28 \times 56 \right. \\
&\quad \left. + \frac{1}{4} \times 56 \times 56 + \frac{1}{4} \times 56 \times 56 \right) \text{ মিটার}^2 \\
&= \frac{1}{4} \times 28 \times 56 \left( \frac{22}{7} + \frac{22}{7} + 2 + 2 \right) \text{ মিটার}^2 \\
&= \frac{7 \times 56}{4} (22 + 22 + 14 + 14) \text{ মিটার}^2 \\
&= 56 \times 72 \text{ মিটার}^2 \\
&= 4032 \text{ মিটার}^2
\end{aligned}$$

**উদাহরণ 5 :** চিত্র 12.16ত আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নির্ণয় কৰা, য'ত 14 চে.মি. বাহুৰ ABCD এটা বর্গক্ষেত্র।

**সমাধান :** ABCD বর্গক্ষেত্রৰ কালি =  $14 \times 14$  চে.মি.<sup>2</sup>  
=  $196$  চে.মি.<sup>2</sup>

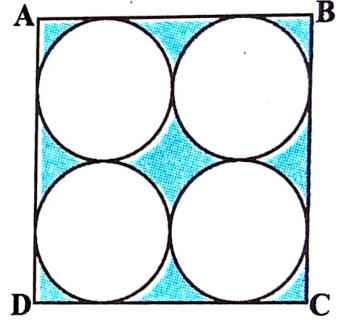
প্রতিটো বৃত্তৰ ব্যাস =  $\frac{14}{2}$  চে.মি. =  $7$  চে.মি.

সেয়েহে, প্রতিটো বৃত্তৰ ব্যাসার্ধ =  $\frac{7}{2}$  চে.মি.

$$\begin{aligned}
\text{সেয়েহে, এটা বৃত্তৰ কালি} &= \pi r^2 = \frac{22}{7} \times \left( \frac{7}{2} \right)^2 \text{ চে.মি.}^2 \\
&= \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \text{ চে.মি.}^2 \\
&= \frac{154}{4} \text{ চে.মি.}^2 \\
&= \frac{77}{2} \text{ চে.মি.}^2
\end{aligned}$$

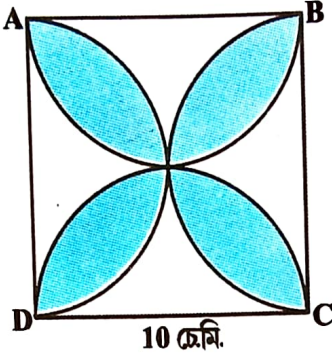
গতিকে, চাৰিটা বৃত্তৰ কালি =  $4 \times \frac{77}{2}$  চে.মি.<sup>2</sup> =  $154$  চে.মি.<sup>2</sup>

এতেকে, বঙেৰে আবৃত অঞ্চলটোৰ কালি =  $(196 - 154)$  চে.মি.<sup>2</sup> =  $42$  চে.মি.<sup>2</sup>

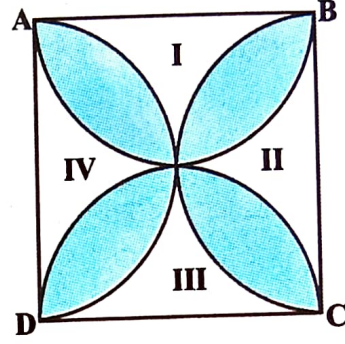


চিত্র 12.16

**উদাহৰণ 6 :** চিত্ৰ 12.17ত, নক্সাটোৰ আচ্ছাদিত অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা, য'ত 10 চে.মি. বাহুৰ ABCD এটা বৰ্গক্ষেত্ৰ আৰু বৰ্গক্ষেত্ৰটোৰ প্ৰতিটো বাহুক ব্যাস হিচাবে লৈ অৰ্ধবৃত্তবোৰ অঁকা হৈছে। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )



চিত্ৰ 12.17



চিত্ৰ 12.18

**সমাধান :** আমি চাৰিটা অনাচ্ছাদিত অঞ্চল (বং নলগোৱা) I, II, III আৰু IV হিচাবে চিহ্নিত কৰোঁহক (চিত্ৰ 12.18 চোৱা)

I ৰ কালি + III ৰ কালি = ABCD ৰ কালি - প্ৰতিটোৰ ব্যাসার্ধ 5 চে.মি.ৰ দুটা অৰ্ধবৃত্তৰ কালি

$$\begin{aligned}
 &= \left( 10 \times 10 - 2 \times \frac{1}{2} \times \pi \times 5^2 \right) \text{ চে.মি.}^2 \\
 &= (100 - 3.14 \times 25) \text{ চে.মি.}^2 \\
 &= (100 - 78.5) \text{ চে.মি.}^2 \\
 &= 21.5 \text{ চে.মি.}^2
 \end{aligned}$$

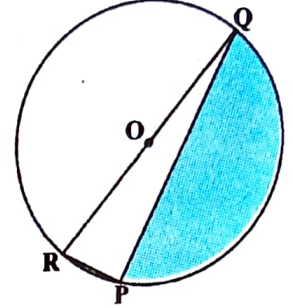
সেইদৰে, II ৰ কালি + IV ৰ কালি = 21.5 চে.মি.<sup>2</sup>

$$\begin{aligned}
 \text{সেয়ে, নক্সাটোৰ আচ্ছাদিত অংশৰ কালি} &= \text{ABCD ৰ কালি} - (\text{I} + \text{II} + \text{III} + \text{IV}) \text{ ৰ কালি} \\
 &= (100 - 2 \times 21.5) \text{ চে.মি.}^2 \\
 &= (100 - 43) \text{ চে.মি.}^2 \\
 &= 57 \text{ চে.মি.}^2
 \end{aligned}$$

অনুশীলনী : 12.3

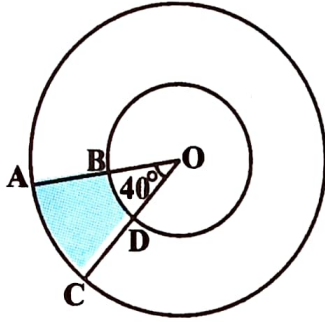
অন্যধৰণে উল্লেখ নাথাকিলে,  $\pi = \frac{22}{7}$  ল'বা।

1. চিত্র 12.19 ত, আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি উলিওৱা, যদি  $PQ = 24$  চে.মি.,  $PR = 7$  চে.মি. আৰু বৃত্তটোৰ কেন্দ্ৰ  $O$ ।

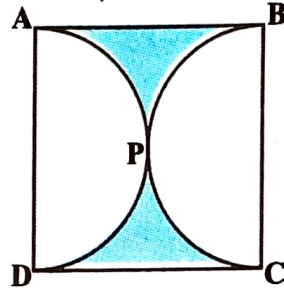


চিত্র 12.19

2. চিত্র 12.20ত, আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা যদি  $O$  কেন্দ্ৰ যুক্ত ঐককেন্দ্ৰিক বৃত্ত দুটাৰ ব্যাসার্ধ ক্ৰমে 7 চে.মি. আৰু 14 চে.মি. আৰু  $\angle AOC = 40^\circ$ .

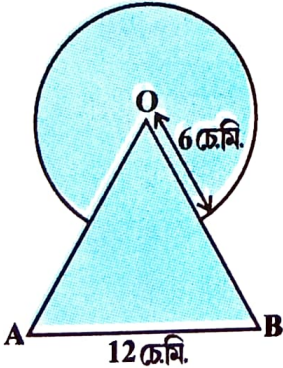


চিত্র 12.20

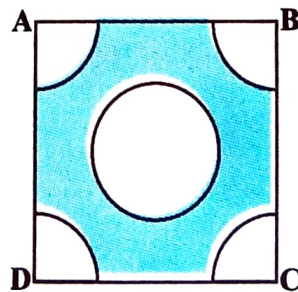


চিত্র 12.21

- চিত্র 12.21 ত, আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা, যদি 14 চে.মি. বাহুৰ ABCD এটা বৰ্গক্ষেত্ৰ আৰু APD আৰু BPC অৰ্ধবৃত্ত হয়।
- চিত্র 12.22ত আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা য'ত 12 চে.মি. বাহুৰ এটা সমবাহু ত্ৰিভুজৰ শীৰ্ষ বিন্দু  $O$  ক কেন্দ্ৰ হিচাবে ধৰি 6 চে.মি. ব্যাসার্ধ এটা বৃত্তীয় চাপ আঁকা হৈছে।



চিত্র 12.22

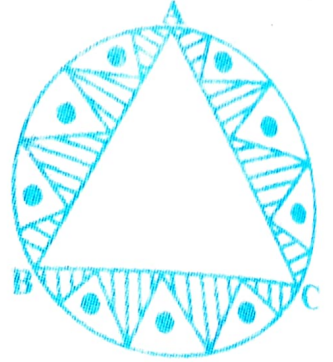


চিত্র 12.23



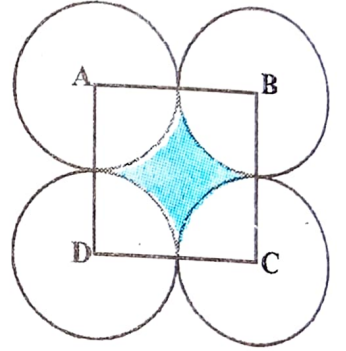
5. চিত্র 12.23ত দেখুওৱাৰ দৰে 4 চে.মি. বাহুৰ এটা বৰ্গক্ষেত্ৰৰ প্ৰতিটো চুকবপৰা 1 চে.মি. ব্যাসাৰ্দ্ধৰ এটা বৃত্তৰ এটা চোক কাটি লোৱা হৈছে আৰু 2 চে.মি. ব্যাসৰ এটা বৃত্তও কাটি লোৱা হৈছে। বৰ্গক্ষেত্ৰটোৰ অৱশিষ্ট অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

6. চিত্র 12.24ত দেখুওৱাৰ দৰে 32 চে.মি. ব্যাসাৰ্দ্ধৰ এখন বৃত্তীয় টেবুলকভাৰৰ মাজত ABC এটা সমবাহু ত্ৰিভুজ এৰি এটা নক্সা তৈয়াৰ কৰা হৈছে। নক্সাটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



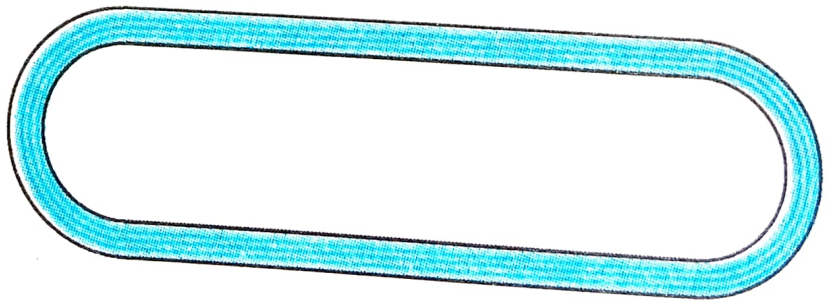
চিত্র 12.24

7. চিত্র 12.25 ত, 14 চে.মি. বাহুৰ ABCD এটা বৰ্গক্ষেত্ৰ। A, B, C আৰু D কেন্দ্ৰযুক্ত চাৰিটা বৃত্ত অঁকা হ'ল, যাতে প্ৰতিটো বৃত্তই বাকী থকা তিনিটা বৃত্তৰ দুটাক বহিঃভাৱে স্পৰ্শ কৰে। আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



চিত্র 12.25

8. চিত্র 12.26 ত, এটা দৌৰা বাট দিয়া আছে, যাৰ বাওঁফাল আৰু সোঁফাল অৰ্ধবৃত্ত।

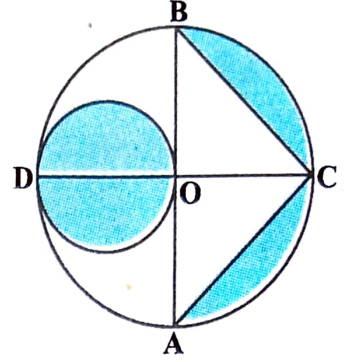


চিত্র 12.26

ভিতৰৰ সমান্তৰাল ৰেখাখণ্ড দুটাৰ মাজত দূৰত্ব 60 মিটাৰ আৰু সেইবোৰ প্ৰত্যেকে 106 মিটাৰ দীঘল। যদি বাটটোৰ প্ৰস্থ 10 মিটাৰ হয়, তেন্তে নিৰ্ণয় কৰা :

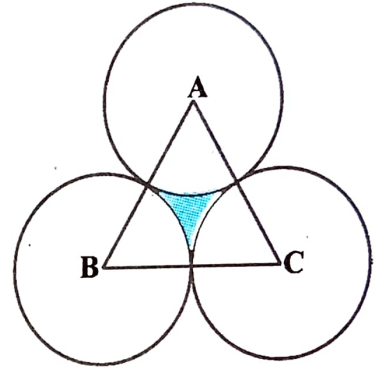
- (i) বাটটোৰ চাৰিওফালে ইয়াৰ ভিতৰৰ ফালৰ দূৰত্ব।  
(ii) বাটটোৰ কালি।

9. চিত্র 12.27ত, এটা বৃত্তৰ (O কেন্দ্ৰযুক্ত) AB আৰু CD ব্যাস দুডাল পৰস্পৰ লম্ব আৰু OD হ'ল সৰু বৃত্তটোৰ ব্যাস। যদি  $OA = 7$  চে.মি., তেন্তে আচ্ছাদিত অঞ্চলৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



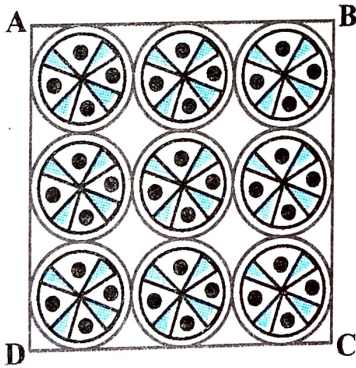
চিত্র 12.27

10. এটা সমবাহু ত্ৰিভুজ ABC ৰ কালি 17320.5 চে.মি.<sup>2</sup>। ত্ৰিভুজটোৰ প্ৰতিটো শীৰ্ষবিন্দুক কেন্দ্ৰ হিচাপে লৈ ত্ৰিভুজটোৰ বাহুৰ দৈৰ্ঘ্যৰ আধাৰ সমান ব্যাসার্ধ লৈ একোটা বৃত্ত অঁকা হ'ল (চিত্র 12.28 চোৱা)। আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$  আৰু  $\sqrt{3} = 1.73205$ )

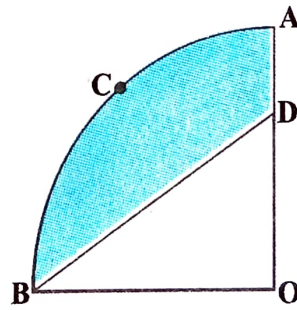


চিত্র 12.28

11. এখন বৰ্গাকাৰ ৰুমালত প্ৰতিটো 7 চে.মি. ব্যাসাৰ্ধৰ নটা বৃত্তীয় নক্সা অঁকা হ'ল (চিত্র 12.29)। ৰুমালখনৰ বাকী থকা অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



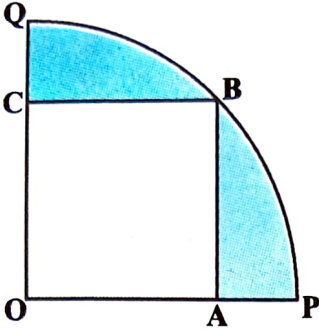
চিত্র 12.29



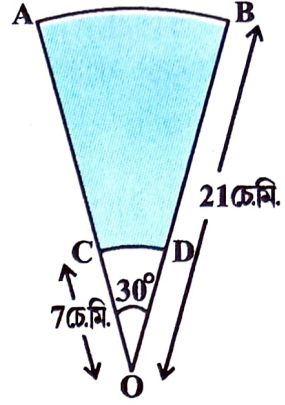
চিত্র 12.30

12. চিত্র 12.30ত, কেন্দ্ৰ O আৰু ব্যাসাৰ্ধ 3.5 চে.মি. যুক্ত এটা বৃত্তৰ OACB এটা চোক। যদি  $OD = 2$  চে.মি., তেন্তে
- (i) OACB চোকৰ, (ii) আচ্ছাদিত অংশৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

13. চিত্র 12.31ত, এটা বৃত্তৰ চোক OPBQ ত OABC এটা বৰ্গক্ষেত্ৰ অংকন কৰা হ'ল। যদি  $OA = 20$  চে.মি., তেন্তে আচ্ছাদিত অঞ্চলৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা। (ব্যৱহাৰ কৰা  $\pi = 3.14$ )



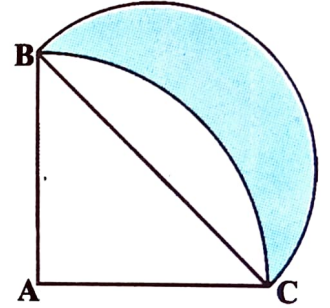
চিত্র 12.31



চিত্র 12.32

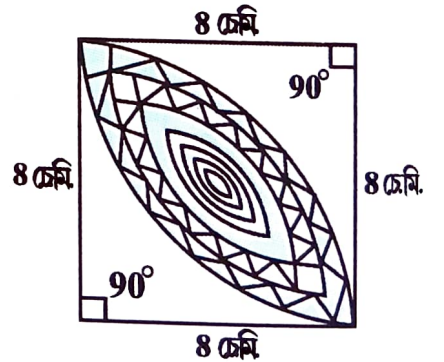
14. কেন্দ্ৰ O আৰু ব্যাসার্ধ 21 চে.মি. আৰু 7 চে.মি. ঐককেন্দ্ৰিক বৃত্ত দুটাৰ ক্ৰমে AB আৰু CD দুটা চাপ (চিত্র 12.32 চোৱা)। যদি  $\angle AOB = 30^\circ$ , তেন্তে আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।

15. চিত্র 12.33ত, 14 চে.মি. ব্যাসার্ধৰ এটা বৃত্তৰ ABC এটা চোক আৰু BC ক ব্যাস হিচাপে লৈ এটা অৰ্ধবৃত্ত অঁকা হ'ল। আচ্ছাদিত অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



চিত্র 12.33

16. প্রতিটো 8 চে.মি. ব্যাসার্ধৰ বৃত্তৰ দুটা চোকৰ মাজত চিত্র 12.34 ত উমৈহতীয়া নক্সা থকা অঞ্চলটোৰ কালি নিৰ্ণয় কৰা।



চিত্র 12.34



## 12.5. সাৰাংশ (Summary)

এই অধ্যায়ত, তোমালোকে নিম্নোক্ত প্রধান বিষয়কেইটা অধ্যয়ন কৰিলা :

1. এটা বৃত্তৰ পৰিধি  $= 2 \pi r$ .
2. এটা বৃত্তৰ কালি  $= \pi r^2$ .
3. ব্যাসার্ধ  $r$  আৰু ডিগ্ৰী মাপত কোণ  $\theta$  হ'লে এটা বৃত্তৰ এটা বৃত্তকলাৰ চাপৰ দৈৰ্ঘ্য  $\frac{\theta}{360} \times 2\pi r$ .
4. ব্যাসার্ধ  $r$  আৰু ডিগ্ৰী জোখত কোণ  $\theta$  হ'লে এটা বৃত্তৰ বৃত্তকলাৰ কালি  $= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$ .
5. এটা বৃত্তৰ বৃত্তখণ্ডৰ কালি  $=$  অনুৰূপ বৃত্তকলাটোৰ কালি  $-$  অনুৰূপ ত্ৰিভুজটোৰ কালি।